

# Fiche méthodologique à utiliser sans modération

Respecter les **NOTATIONS** de l'énoncé

- Respecter la casse : MAJUSCULE et minuscule, au même titre que pour les mots de passe sur Internet.
- Respecter la hauteur des lettres minuscules dans un, deux, trois interlignes ou plus, comme cela a été appris à l'école primaire.

1 interligne a c e i m n o r t s u v x  
 3 interlignes b g h j k l p q y z  
 2 interlignes d t  
 beaucoup f

Maîtriser l'écriture fractionnaire

$$a = \frac{5}{3} + \frac{3}{4}$$

$$a = \frac{5 \times 4 + 3 \times 3}{12}$$

$$a = \frac{20 + 9}{12}$$

$$a = \frac{5}{3} + \frac{3}{4}$$

$$b = \frac{-7 + 15}{3}$$

Séparer la problématique de la résolution.

Calculons  $u_{n+1} - u_n$

$$u_{n+1} - u_n = \frac{3u_n + 2}{u_n + 4} - u_n$$

$$= \frac{3u_n + 2 - u_n(u_n + 4)}{u_n + 4}$$

$$= \frac{3u_n + 2 - u_n^2 - 4u_n}{u_n + 4}$$

$$= \frac{-u_n^2 - u_n + 2}{u_n + 4}$$

Résolvons  $3x^2 - 6x = 0$

$$\Leftrightarrow 3x(x - 2) = 0$$

$$\Leftrightarrow 3x = 0 \text{ ou } x - 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow \dots$$

Écrire les conclusions et les encadrer

Conclusion: - - - - -

Connaître la **NATURE** des objets

la fonction  $f$  est ~~une~~ **raisonnée**  
 la fonction  $f$  ~~est~~ **raisonnée**  $f(x) = \frac{x}{x^2}$   
 la dérivée de  $f$  ~~est~~ **raisonnée**  
 $f'(x) = \frac{3(x-4) - 1(3x+2)}{(x+4)^2}$   
 la dérivée de  $f$  ~~est~~ **raisonnée** positive

Même si l'on tolère une **expression orale** approximative, à l'écrit, on ne confond pas fonction  $f$  et image  $f(x)$

$f'$  est la **fonction dérivée** de  $f$

$f'(x)$  est le **nombre dérivé** de  $f$  en  $x$ .

On sait si une expression algébrique est ou non une **PROPOSITION** mathématique.

Sachant que  $u_n$  est le **terme général** d'une suite, exemple à ne pas suivre :

Savoir douter et se poser les bonnes questions :

Où est le **VERBE** de  $u_{n+1} - u_n$  ?

$u_{n+1} - u_n$  est-elle « vraie ou fausse » ?

$$u_{n+1} - u_n \quad \Leftrightarrow ? =$$

$$f(u_n) - u_n \quad \Leftrightarrow ? =$$

$$\frac{3u_n + 2}{u_n + 4} - u_n \quad \Leftrightarrow ? = \dots$$

Usage pertinent du **SYMBOLE D'ÉQUIVALENCE**

- $A \Leftrightarrow B \Leftrightarrow C \Leftrightarrow D \Leftrightarrow E \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow P$

ne prouve pas que P est vraie ni qu'elle est fausse

Après cette succession d'équivalences, on précise la valeur de vérité de A, puis on conclut et on encadre la conclusion.

- Or A est **vraie**, donc P aussi. Conclusion : **P est vraie.**
- Or A est **fausse**, donc P aussi. Conclusion : **P est fausse.**

Conclusion ronflante et vide à éviter :

La problématique est de prouver entre autre que pour tout entier naturel  $n$ ,  $u_n \in [0,1]$

Conclusion:  $\forall n \in \mathbb{N}, u_n \in [0,1]$

ou  $\forall n \in \mathbb{N}, 0 \leq u_n \leq 1$

- Donner la meilleure précision possible sur les variations d'une fonction ou d'une suite : croissante ? strictement croissante ?
- Pas de sous-entendu : Pour justifier l'existence d'un nombre, donner la raison exacte.

On sait que  $u_n \in [0,1]$   
 On pose:  $n^2_n = \frac{u_n + 2}{2}$   
 sous réserve d'existence  
 (autrement que  $u_n$  existe)  
 Pense (diabolique)  
 puisque  $u_n \geq 0$  alors  $u_n + 2 \geq 2$   
 donc  $n^2_n \geq 1$   
 donc  $n^2_n \neq 0$

on sait que  $u_n \in ]3, 17]$   
 On pose  $n^2_n$  pour décrire en  $n^2_n = \frac{u_n}{7 + u_n}$   
 l'entier que  $u_n$  existe  
 preuve diabolique  
 $u_n \geq -3$  donc  $u_n + 7 \geq 4$   
 donc  $n^2_n + 7 \geq \frac{u_n + 2}{4} > 0$   
 donc  $n^2_n$  existe

- Gare au non-sens :

géométrique  
 Une suite dont la raison est strictement comprise entre  $-1$  et  $1$  ...

- Gare aux confusions

$$\frac{a}{b} = 0 \text{ comme } b \neq 0 \text{ on a alors } a = 0$$