

**Exercices sur le chapitre 4**

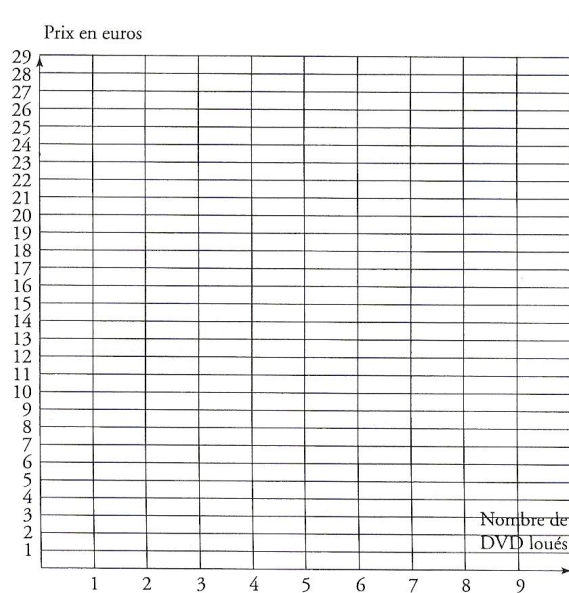
1 Un magasin propose différentes formules de location de DVD.  
 Formule 1 : chaque DVD est loué 3,50 €  
 Formule 2 : on paye un abonnement annuel de 12 € puis 2 € par DVD loué.

1°) Compléter le tableau suivant :

Nombre de DVD loués	2	6
Prix en euros avec la formule 1		
Prix en euros avec la formule 2		

Attention, pour le prix avec la formule 2, on compte l'abonnement.

- 2°) On note  $x$  le nombre de DVD loués.  
 a) Exprimer, en fonction de  $x$ , le prix  $f(x)$  en euros à payer pour la location de  $x$  DVD par la formule 1.  
 b) Exprimer, en fonction de  $x$ , le prix  $g(x)$  en euros à payer pour la location de  $x$  DVD par la formule 2.  
 3°) Déterminer le nombre de DVD à partir duquel la formule 2 est la plus avantageuse.  
 4°) Tracer dans le repère ci-dessous les représentations graphiques des fonctions  $f$  et  $g$ .  
 5°) Caroline ne possède pas de carte d'abonnement et elle dispose de 18 €. Indiquer à l'aide du graphique et en marquant en couleur les pointillés nécessaires, le nombre maximum de DVD qu'elle peut louer.

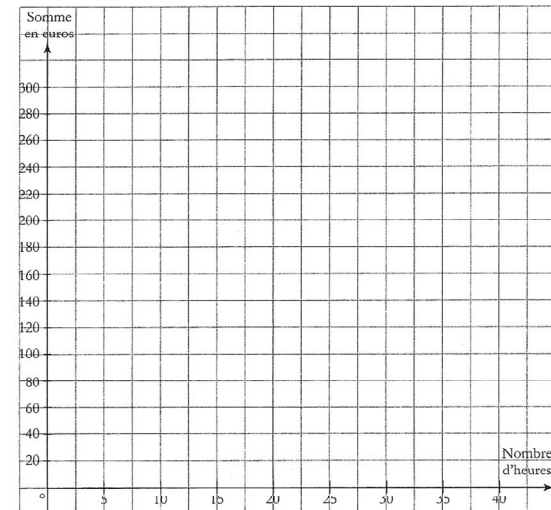


2 Amandine souhaite travailler quelques heures par mois dans un musée, afin de gagner un peu d'argent. À la suite d'un entretien, deux possibilités d'indemnisation lui sont proposées :  
 • somme d'argent  $S_1$  : 8 euros par heure ;  
 • somme d'argent  $S_2$  : versement de 90 euros en début de mois, puis 5 euros par heure.  
 Ne sachant pas quelle forme d'indemnisation privilégier, elle décide d'étudier ces deux propositions.

1°) Compléter le tableau suivant.

		Nombre d'heures effectuées par Amandine	
		20 heures	25 heures
Somme d'argent perçue par mois (en €)	$S_1$		
	$S_2$		

- 2°) Soit  $x$  le nombre d'heures effectuées par Amandine pendant un mois dans ce musée. Exprimer en fonction de  $x$  les sommes d'argent  $S_1(x)$  et  $S_2(x)$ , versées à Amandine selon les deux formes d'indemnisation proposées.  
 3°) Résoudre l'équation  $8x = 5x + 90$ .  
 À quoi correspond la solution de cette équation ?  
 4°) Sur le repère ci-dessous, représenter graphiquement les fonctions  $S_1$  et  $S_2$ .



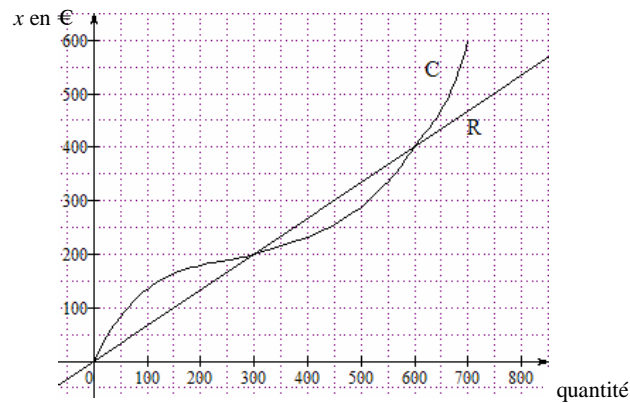
3 Sur le graphique suivant, sont représentées les fonctions de coût total et de recettes d'une entreprise. On note  $f(x)$  le coût total en fonction de la quantité  $x$ .

On répondra aux questions avec la précision permise par le graphique.

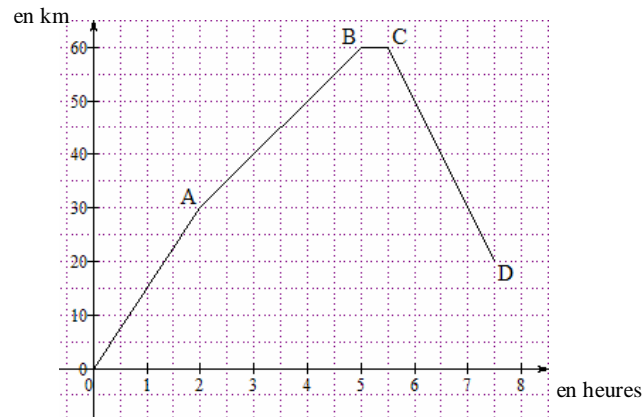
- 1°) a) Pour quelle quantité le coût total est-il de 350 €?  
 b) Résoudre graphiquement l'inéquation  $f(x) \geq 250$ .

En donner une interprétation.

2°) Quelles quantités cette entreprise doit-elle produire et vendre pour être bénéficiaire ?



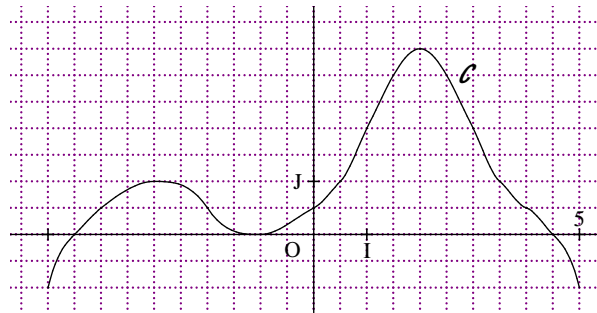
4) La promenade d'un cycliste est représentée sur le graphique ci-dessous. Le cycliste se déplace sur une route rectiligne. Le graphique ci-dessous représente la distance qui le sépare de son domicile.



La vitesse moyenne sur le trajet est donnée par la formule :  $\text{vitesse} = \frac{\text{distance parcourue}}{\text{durée du parcours}}$ .

Calculer la vitesse moyenne de O à A, la vitesse moyenne de A à B, la vitesse moyenne de B à C, la vitesse moyenne de C à D.

5) La courbe C ci-dessous est la représentation graphique d'une fonction f définie sur l'intervalle [-5 ; 5] dans le plan muni d'un repère (O, I, J). Reproduire la courbe sur le cahier.



1°) Recopier et compléter :

a) L'image de 3 par f est .....

b)  $f(1) = \dots\dots\dots$

c)  $f(0) = \dots\dots\dots$

2°) Recopier et compléter les phrases :

a) L'ensemble des solutions de l'équation  $f(x) = 3$  est : .....

b) L'ensemble des solutions de l'inéquation  $f(x) < 2$  est : .....

c) L'ensemble des solutions de l'inéquation  $f(x) \geq 1$  est : .....

3°) Recopier et compléter le tableau de variation de f.

x	-5	5
Variations de f		

4°) Recopier et compléter les deux phrases :

Le maximum de la fonction f sur l'intervalle [-5 ; 5] est égal à ..... ; il est obtenu pour  $x = \dots\dots$

Le minimum de la fonction f sur l'intervalle [-5 ; 5] est égal à ..... ; il est obtenu pour  $x = \dots\dots$  et  $x = \dots\dots$

6) On considère la suite chronologique suivante pour une grandeur y :

Date	1	2	3	4	5
Valeur de y	2,5	3,2	5,8	7,3	11,1

1°) Représenter la courbe d'interpolation linéaire correspondante.

2°) Estimer par interpolation linéaire en effectuant les calculs la valeur de y à la date 1,5 puis à la date 2,8.

7) Dans le tableau ci-dessous, on lit la température de l'océan Indien en fonction de la profondeur, au niveau de l'équateur.

Profondeur (m)	Surface	100	500	1000	3000
Température (°C)	27°	23°	12°	6°	3°

Représenter ce tableau par un graphique.

On prendra 1 cm pour représenter 200 m en abscisse et 1 cm pour représenter 2° en ordonnées.

1°) Par interpolation linéaire, estimer par calcul la température de l'eau à une profondeur de :

- 40 m
- 200 m
- 800 m.

Vérifier la concordance des résultats obtenus par le calcul avec ceux obtenus graphiquement.

2°) A quelle profondeur peut-on estimer la température à 3,6° ? Poser les calculs ; vérifier que ce résultat concorde avec celui lu graphiquement.

8) Dans le plan muni d'un repère (O, I, J), on donne les points A(-2 ; 1) et B(4 ; 10).

1°) Faire un graphique avec le repère (O, I, J) et placer les points A et B.

2°) Déterminer l'équation réduite de la droite (AB) par le calcul.

9) Entre 1960 et 2000, l'emploi dans les services en France est passé de 7,9 millions à 17,6 millions d'emplois.

Par interpolation linéaire, calculer le nombre d'emplois que l'on peut prévoir en 2010 si l'évolution se poursuit ainsi.

## Correction des exercices sur le chapitre 4

1) 1°)

Nombre de DVD loués	2	6
Prix en euros avec la formule 1	7	21
Prix en euros avec la formule 2	6	24

2°) a)  $f(x) = 3,5x$  b)  $g(x) = 12 + 2x$

3°) On résout l'inéquation  $g(x) < f(x)$

$$2x + 12 < 3,5x$$

$$2x - 3,5x < -12$$

$$-1,5x < -12$$

$$x > \frac{-12}{-1,5}$$

$$x > \frac{12}{1,5}$$

$$x > 8$$

Or  $x$  est un entier naturel donc la formule 2 est plus avantageuse que la formule 1 à partir de 9 DVD loués.

4°) La fonction  $f$  est une fonction linéaire donc elle est représentée graphiquement par une droite passant par l'origine du repère.

La fonction  $g$  est une fonction affine donc elle est représentée graphiquement par une droite ne passant pas par l'origine du repère.

On utilise le tableau de valeurs du 1°).

On effectue le tracé à la règle.

5°) Avec 18 € elle pourra louer au maximum 5 DVD.

2) 1°)

		Nombre d'heures effectuées par Amandine	
		20 heures	25 heures
Somme d'argent perçue par mois (en €)	$S_1$	160	200
	$S_2$	$100 + 90 = 190$	$125 + 90 = 215$

2°)  $S_1(x) = 8x$  et  $S_2(x) = 5x + 90$ .

3°)  $8x = 5x + 90$

$$8x - 5x = 90$$

$$3x = 90$$

$$x = \frac{90}{3}$$

$$x = 30$$

Les formules  $S_1$  et  $S_2$  sont aussi avantageuses l'une que l'autre pour 30 heures.

4°) La fonction  $S_1$  est une fonction linéaire (car son expression est de la forme  $ax$ ) donc sa représentation graphique est une droite passant par l'origine du repère.

La fonction  $S_2$  est une fonction affine (car son expression est de la forme  $ax + b$ ) donc sa représentation graphique est une droite.

3) 1°) a) Le coût total est de 350 € pour une quantité de 570.

b)  $f(x) \geq 250$  pour  $x \geq 450$ .

L'entreprise doit vendre au moins une quantité de 480 pour gagner plus de 250 €

2°) L'entreprise doit produire et vendre une quantité comprise entre 300 et 600 pour être bénéficiaire.

L'entreprise réalise un bénéfice pour une quantité  $x$  appartenant à l'intervalle ]300 ; 600[.

$$4) v_{O \rightarrow A} = \frac{30}{2} = 15 \text{ km/h} ; v_{A \rightarrow B} = \frac{30}{3} = 10 \text{ km/h} ; v_{B \rightarrow C} = \frac{0}{1} = 0 \text{ km/h} ; v_{C \rightarrow O} = \frac{40}{2} = 20 \text{ km/h}$$

La vitesse moyenne de O à A est de 15 km/h ; la vitesse moyenne de A à B est de 10 km/h, la vitesse moyenne de B à C est de 0 km/h ; la vitesse moyenne de C à D est de 20 km/h.

Attention de C à D, il ne s'agit pas d'une descente.

5) 1°) a) L'image de 3 par  $f$  est 2 b)  $f(1) = 2$  c)  $f(0) = \frac{1}{2}$

2°)

a) L'ensemble des solutions de l'équation  $f(x) = 3$  est :  $S_1 = \{1,5 ; 2,5\}$ .

b) L'ensemble des solutions de l'inéquation  $f(x) < 2$  est :  $S_2 = ]-5 ; 1[ \cup ]3 ; 5]$ .

c) L'ensemble des solutions de l'inéquation  $f(x) \geq 1$  est :  $S_3 = \{-3\} \cup ]0,5 ; 3,5]$ .

3°)

$x$	-5	-3	-3	2	5
Variations de $f$	-1	↗ 1	↘ 0	↗ 3,5	↘ -1

4°)

Le maximum de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $[-5 ; 5]$  est égal à 3,5 ; il est obtenu pour  $x = 2$ .

Le minimum de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $[-5 ; 5]$  est égal à -1 ; il est obtenu pour  $x = -5$  et  $x = 5$ .

$$6) 2°) \text{ On écrit : } \frac{y(1,5) - y(1)}{1,5 - 1} = \frac{y(2) - y(1)}{2 - 1} \text{ d'où } \frac{y(1,5) - 2,5}{0,5} = \frac{3,2 - 2,5}{1}$$

On trouve :  $y(1,5) \approx 2,85$ .

$$\text{De même, } \frac{y(2,8) - y(2)}{2,8 - 2} = \frac{y(3) - y(2)}{3 - 2}$$

On trouve :  $y(2,8) \approx 5,28$ .

$$7) 1°) \text{ On écrit : } \frac{T(40) - T(0)}{40 - 0} = \frac{T(100) - T(0)}{100 - 0} \text{ d'où } \frac{T(40) - 27}{40} = \frac{23 - 27}{100}$$

On trouve :  $T(40) \approx 25,4$  °C.

De même,  $\frac{T(200)-T(100)}{200-100} = \frac{T(500)-T(100)}{500-100}$ .

On trouve :  $T(200) \approx 20,25$  °C.

De même,  $\frac{T(800)-T(500)}{800-500} = \frac{T(1000)-T(500)}{1000-500}$ .

On trouve :  $T(800) \approx 8,4$  °C.

2°) On cherche  $x$  tel que  $T(x) = 3,6$  °C.

On lit graphiquement que  $1000 \leq x \leq 3000$ .

On applique la méthode d'interpolation linéaire sur l'intervalle [1000 ; 3000].

On écrit :  $\frac{T(x)-T(1000)}{x-1000} = \frac{T(3000)-T(1000)}{3000-1000}$

$$\frac{3,6-6}{x-1000} = \frac{3-6}{2000}$$

$$\frac{-2,4}{x-1000} = \frac{-3}{2000}$$

$$-2,4 \times 2000 = -3 \times (x-1000)$$

$$-4800 = -3 \times (x-1000)$$

$$x-1000 = \frac{-4800}{-3}$$

$$x-1000 = 1600$$

$$x = 2600 \text{ m}$$

**8** 2°) L'équation réduite de la droite (AB) s'écrit  $y = mx + p$ .

On calcule d'abord  $m = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{10-1}{4-(-3)} = 1,5$ .

On calcule ensuite  $p$  en utilisant par exemple le point A.

L'équation réduite de la droite (AB) s'écrit  $y = 1,5x + 4$ .

**9**  $\frac{y(2000) - y(1960)}{2000 - 1960} = \frac{y(2010) - y(2000)}{2010 - 2000}$

$$y(2010) = 20,025 \text{ millions d'emplois}$$